



**Amirkabir University of Technology  
(Tehran Polytechnic)**

**Electrical Engineering Department**

**MSc Thesis**

**Digital Background Histogram Based Calibration in  
Pipelined A/D Converters**

**By  
Mohammad Mirzahosseini**

**Supervisor  
Dr.Mohammad Yavari**

**Feb 2019**



دانشگاه صنعتی امیرکبیر

(پلی تکنیک تهران)

دانشکده مهندسی برق

پایان نامه کارشناسی ارشد

گرایش مدارهای مجتمع الکترونیک

عنوان پایان نامه

کالیبراسیون پس زمینه دیجیتال مبتنی بر هیستوگرام در مبدل های

آنالوگ به دیجیتال Pipeline

نگارش

محمد میرزا حسینی

استاد راهنما

دکتر محمد یاوری

ماه و سال

بهمن ۱۳۹۷

به نام خدا

تاریخ:

## تعهدنامه اصالت اثر



اینجانب محمد میرزا حسینی متعهد می‌شوم که مطالب مندرج در این پایان نامه حاصل کار پژوهشی  
اینجانب تحت نظرارت و راهنمایی استادی دانشگاه صنعتی امیرکبیر بوده و به دستاوردهای دیگران که در  
این پژوهش از آنها استفاده شده است مطابق مقررات و روال متعارف ارجاع و در فهرست منابع و مأخذ  
ذکر گردیده است. این پایان نامه قبلاً برای احراز هیچ مدرک هم‌سطح یا بالاتر ارائه نگردیده است.

در صورت اثبات تخلف در هر زمان، مدرک تحصیلی صادر شده توسط دانشگاه از درجه اعتبار ساقط  
بوده و دانشگاه حق پیگیری قانونی خواهد داشت.

کلیه نتایج و حقوق حاصل از این پایان نامه متعلق به دانشگاه صنعتی امیرکبیر می‌باشد. هرگونه  
استفاده از نتایج علمی و عملی، واگذاری اطلاعات به دیگران یا چاپ و تکثیر، نسخه‌برداری، ترجمه و  
اقتباس از این پایان نامه بدون موافقت کتبی دانشگاه صنعتی امیرکبیر ممنوع است.  
نقل مطالب با ذکر مأخذ بلامانع است.

محمد میرزا حسینی

امضا

## تقدیم به مادر و پدر گران قدرم

اگر مهری به دل دارم، اگر عشقی به سر دارم  
یقیناً مادرم داده و یا ارت از پدر دارم

چو مادر یاورم باشد، پدر باشد دعا گویم  
نه از بیگانه باکم هست، نه پروا از خطر دارم

اگر روزی شکستم عهد، میان مادر و فرزند  
خداوندا تو کاری کن که جان از تین به در دارم

پدر عمری به زحمت بود، دل مادر پر از غصه  
از این درد جگرسوزم دلی غرق شر دارم

اگر روزی برم از یاد، وفای آن دو عاشق را  
مرا دیگر نه غیرت هست، نه نامی از پسر دارم

اگر ارشی مرا باید، مرا مهر پدر کافیست  
نه حرص مال و ملکم هست، نه چشم سیم و زر دارم

اگر عشق پدر ورزم، وگر مادر نیازارم  
بدون شک در این وادی خدا را در نظر دارم

## تشکر و قدردانی

از درگاه خداوند دانا کمال حمد و سپاس را دارم که امید به او، همواره انگیزه بخش و یادش آرامش بخش مسیر زندگی ام بوده است. از خانواده‌ی صبورم که از آغاز دوران تحصیل با محبت و حمایت بی‌دریغشان، همواره حامی و مشوق اصلی من بوده‌اند بینهایت سپاسگذارم. همچنین لازم می‌دانم کمال تشکر و قدردانی را از خدمات استاد بزرگوارم جناب آقای دکتر محمد یاوری که در طول انجام این پایان‌نامه از راهنمایی‌هایشان بهره‌مند شده‌ام، داشته باشم. همچنین از خدمات دوستان عزیزم، خانم مهندس دودانگه، مهندس رحمانی، دکتر تمدن، دکتر یعقوبی، دکتر سعید براتی، دکتر مهدی براتی و سایر دوستان در آزمایشگاه طراحی مدارهای مجتمع تشکر می‌نمایم که از تجربیاتشان، بنده را بهره‌مند ساختند و از خداوند متعال، موفقیت و سعادتشان را خواستارم. ضمن آنکه از آقای دکتر محسن معزی و آقای دکتر سعید شریفیان که اساتید دفاع این پایان‌نامه بودند، سپاسگزاری می‌کنم.

## چکیده

با کاهش ابعاد در تکنولوژی‌های نانومتری CMOS و کاهش بهره ذاتی ترانزیستورها، در کنار کاهش حداکثر مقدار منبع تغذیه، طراحی تقویت‌کننده‌های عملیاتی با بهره، سوئینگ و خطینگ بالا، برای استفاده در مبدل‌های Pipeline، عملاً بسیار سخت بوده است. بنابراین به دلیل عدم تطبیق بین خازن‌ها و نقایص بیان شده از تقویت‌کننده‌های عملیاتی، رسیدن به دقت‌های بالای ۱۰ بیت برای این مبدل‌ها بسیار سخت است. از این‌رو استفاده از تکنیک‌های کالیبراسیون، برای دستیابی به دقت‌های بالا اجتناب ناپذیر است.

در روش پیشنهادی این پایان‌نامه، خطاهای با دو رویکرد مختلف به صورت پس‌زمینه‌ای یک تخمین اولیه و غیردقیق زده می‌شوند. سپس با کمک روش مکمل ارائه شده در حالت پس‌زمینه این مقادیر اولیه به سمت مقادیر دقیق‌شان تنظیم می‌شوند و در ادامه تغییرات را دنبال می‌کنند. در این روش‌ها برای کالیبراسیون خطاهای از ترکیبی از روش‌های مبتنی بر یکسان‌سازی، تغییر آستانه‌ی مقایسه‌گر و هیستوگرام به همراه ویژگی‌های هندسی منحنی مشخصه انتقالی مبدل Backend و همچنین منحنی مشخصه انتقالی خروجی مبدل و تاثیر خطاهای مطرح شده بر روی آن‌ها استفاده شده است. پس از ارائه روش کالیبراسیون پیشنهادی، ابتدا این روش در سطح سیستمی در نرم‌افزار MATLAB پیاده‌سازی شده و کارایی آن مورد بررسی قرار گرفته است. سپس، یک مبدل آنالوگ به دیجیتال نرخ نایکوئیست Pipeline با سرعت نمونه‌برداری ۱۰۰MS/s و دقت ۱۲ بیت در تکنولوژی ۹۰ نانومتر CMOS با ولتاژ تغذیه یک ولت به کمک نرم‌افزارهای Hspice و Cadence طراحی و شبیه‌سازی می‌شود. با استفاده از روش کالیبراسیون پیشنهادی، مقادیر SFDR و SNDR مبدل به ترتیب معادل ۳۱.۰۶ dB و ۴۱.۰۲ dB بهبود می‌یابند، همچنین این مبدل در زمانی حدود ۱۴ میلی ثانیه برای نرخ نمونه‌برداری ۱۰۰ MS/s همگرا می‌شود. توان مصرفی این مبدل نیز  $40/3$  میلی وات اندازه‌گیری شده است.

### واژه‌های کلیدی:

مبدل آنالوگ به دیجیتال Pipeline، کالیبراسیون، خطای بهره محدود تقویت‌کننده، عدم تطبیق خازن‌ها، غیرخطینگی تقویت‌کننده، تکنولوژی‌های نانومتر CMOS

## صفحه

## فهرست مطالب

۱	۱- فصل اول مقدمه
۲	۱-۱- مقدمه
۵	۱-۲-۱- اهداف پایان نامه
۶	۱-۲-۱- کارهای صورت گرفته در آزمایشگاه طراحی مدارهای مجتمع
۷	۱-۳-۱- ساختار پایان نامه
۹	۲- فصل دوم مبدل های آنالوگ به دیجیتال Pipeline
۱۰	۱-۲- مقدمه
۱۰	۲-۲- اساس مبدل های آنالوگ به دیجیتال
۱۴	۳-۲- مشخصات عملکردی مبدل آنالوگ به دیجیتال
۱۵	۱-۳-۲- مشخصات استاتیک
۱۷	۲-۳-۲- مشخصات دینامیک
۱۸	۴-۲- انواع مبدل های آنالوگ به دیجیتال نرخ نایکوئیست
۱۹	۱-۴-۲- مبدل آنالوگ به دیجیتال FLASH
۲۰	۲-۴-۲- مبدل آنالوگ به دیجیتال Two Step
۲۱	۳-۴-۲- مبدل آنالوگ به دیجیتال Pipeline
۲۵	۵-۲- اجزای سازنده مبدل آنالوگ به دیجیتال Pipeline
۲۶	۱-۵-۲- مدار نمونه بردار و نگه دار ورودی
۲۶	۲-۵-۲- زیر مبدل آنالوگ به دیجیتال
۲۸	۳-۵-۲- مدار MDAC
۳۱	۳- فصل سوم منابع خطا و روش های کالیبراسیون در مبدل های Pipeline
۳۲	۱-۳- مقدمه
۳۲	۲-۳- منابع خطا در مبدل آنالوگ به دیجیتال Pipeline
۳۲	۱-۲-۳- آفیست مقایسه گر
۳۳	۲-۲-۳- خطای بپره
۳۴	۳-۲-۳- غیرخطینگی تقویت کننده
۳۴	۳-۳- روش های کالیبراسیون خطای در مبدل Pipeline
۳۵	۱-۳-۳- روش های کالیبراسیون آنالوگ
۳۵	۱-۱-۳-۳- روش بیت اضافی
۳۶	۱-۱-۳-۳- روش ضرب نسبت مستقل (RIM)
۳۷	۱-۱-۳-۳- میانگین گیری خطای خازن ها
۳۸	۱-۱-۳-۳- تنظیم ظرفیت خازن ها
۳۹	۲-۱-۳-۳- روش های کالیبراسیون دیجیتال

۳۹.....	۱-۲-۳-۳	روش‌های مبتنی بر همبستگی
۴۲.....	۲-۲-۳-۳	روش‌های مبتنی بر یکسان‌سازی
۴۴.....	۳-۲-۳-۳	روش‌های مبتنی بر تغییر ولتاژ آستانه مقایسه‌گر
۴۷.....	۴-۲-۳-۳	روش‌های مبتنی بر هیستوگرام
<b>۵۲.....</b>	<b>۴</b>	<b>۴- فصل چهارم روش کالیبراسیون پیشنهادی خطا</b>
۵۳.....	۱-۴	۱- مقدمه
۵۴.....	۲-۴	۲- ساختار مناسب برای مبدل Pipeline
۵۵.....	۱-۲-۴	۱- مدل سازی رفتاری تقویت‌کننده
۵۶.....	۳-۴	۳- مدل سازی خطاهای MDAC ۱/۵ بیتی
۵۸.....	۴-۴	۴- روش کالیبراسیون پیشنهادی
۶۴.....	۱-۴-۴	۱- روش اول پیشنهادی برای تخمین اولیه ضرایب MDAC
۷۰.....	۲-۴-۴	۲- روش دوم پیشنهادی برای تخمین اولیه ضرایب MDAC
۷۲.....	۳-۴-۴	۳- محاسبه ضرایب معکوس با استفاده از نتایج تخمین اولیه
۷۳.....	۴-۴-۴	۴- روش پیشنهادی تنظیم و دنبال‌کننده تغییرات ضرایب کالیبراسیون
۷۶.....	۵-۴-۴	۵- تغییر ولتاژ آستانه مقایسه‌گرها
۷۷.....	۶-۴-۴	۶- بلوک‌های تخمین‌گر حداکثر و حداقل کد مبتنی بر هیستوگرام
۷۸.....	۷-۴-۴	۷- سخت افزار مورد نیاز برای روش پیشنهادی
<b>۸۰.....</b>	<b>۵</b>	<b>۵- فصل پنجم پیاده سازی روش پیشنهادی</b>
۸۱.....	۱-۵	۱- مقدمه
۸۲.....	۲-۵	۲- طراحی اجزای سازنده مبدل Pipeline
۸۲.....	۱-۲-۵	۱- تعیین ظرفیت خازن‌های طبقات مبدل
۸۵.....	۲-۲-۵	۲- نحوه حذف مدارنمونه‌بردار ورودی
۸۷.....	۳-۲-۵	۳- طراحی تقویت‌کننده
۹۴.....	۴-۲-۵	۴- طراحی مقایسه‌گر
۹۶.....	۵-۲-۵	۵- طراحی سوئیچ‌ها
۱۰۰.....	۶-۲-۵	۶- طراحی کدکننده و تهییم‌کننده
۱۰۴.....	۳-۵	۳- تعیین ولتاژ‌های مرجع
۱۰۵.....	۴-۵	۴- شبیه سازی سیستمی
۱۰۷.....	۴-۵	۱- شبیه‌سازی روش‌های تخمین اولیه
۱۱۰.....	۲-۴-۵	۲- شبیه‌سازی روش تنظیم و دنبال‌کننده
۱۱۲.....	۵-۵	۵- شبیه سازی مداری
۱۱۲.....	۱-۵-۵	۱- بررسی عملکرد المان‌های مداری
۱۱۲.....	۱-۵-۵	۱- بررسی رفتار تقویت‌کننده
۱۱۵.....	۲-۱-۵-۵	۲- بررسی رفتار مقایسه‌گر
۱۱۶.....	۳-۱-۵-۵	۳- بررسی رفتار سوئیچ Bootstrapped

۱۱۷	- بررسی عملکرد مبدل آنالوگ به دیجیتال Pipeline	۲-۵-۵
۱۲۲	- مقایسه مبدل آنالوگ به دیجیتال Pipeline	۶-۵
۱۲۴	۶- فصل ششم نتیجه گیری و پیشنهادات	
۱۲۵	۱-۶ - نتیجه گیری	
۱۲۶	۲-۶ - پیشنهادات	
۱۳۴	مراجع	

## صفحه

## فهرست شکل‌ها

شکل (۱-۲): بلوک دیاگرام کلی یک مبدل آنالوگ به دیجیتال [۱]	۱۱
شکل (۲-۲): منحنی انتقالی کوانتاپر $n$ بیتی [۴]	۱۳
شکل (۳-۲): مدل کوانتاپر [۳، ۱۰]	۱۴
شکل (۴-۲): منحنی مشخصه انتقالی خروجی یک مبدل ایدهآل [۳]	۱۵
شکل (۵-۲): (الف) خطای آفست و (ب) خطای بهره [۳]	۱۶
شکل (۶-۲): خطای غیرخطینگی DNL و INL [۱]	۱۷
شکل (۷-۲): مبدل آنالوگ به دیجیتال Flash [۱]	۱۹
شکل (۸-۲): مبدل آنالوگ به دیجیتال Two Step [۴]	۲۱
شکل (۹-۲): بلوک دیاگرام کلی مبدل آنالوگ به دیجیتال Pipeline	۲۲
شکل (۱۰-۲): مفهوم مبدل Backend در مبدل Pipeline	۲۴
شکل (۱۱-۲): مدل نوبز کوانتاپر در مبدل آنالوگ به دیجیتال Pipeline [۴]	۲۴
شکل (۱۲-۲): مقایسه‌گر تزویج خازنی	۲۷
شکل (۱۳-۲): ساختار MDAC (الف) CNFA و (ب) CFA برای طبقه ۱/۵ بیتی	۲۹
شکل (۱-۳): اثر آفست مقایسه‌گر بر روی منحنی مشخصه انتقالی طبقه ۱ بیتی	۳۳
شکل (۲-۳): اثر خطای بهره بر منحنی مشخصه انتقالی طبقه ۱/۵ بیتی	۳۳
شکل (۳-۳): اثر غیرخطینگی تقویت‌کننده بر منحنی مشخصه انتقالی طبقه ۱/۵ بیتی	۳۴
شکل (۴-۳): اثر آفست مقایسه‌گر بر منحنی مشخصه انتقالی (الف) طبقه ۱ بیتی (ب) طبقه ۱/۵ بیتی	۳۶
شکل (۵-۳): اصلاح خطای به روش ضرب نسبت مستقل [۱۸]	۳۶
شکل (۶-۳): روش میانگین‌گیری خطای خازنها [۱۹]	۳۸
شکل (۷-۳): روش تنظیم ظرفیت خازنها [۱۲]	۳۸
شکل (۸-۳): روش HDC برای تصحیح اعوجاج مرتبه ۴ام [۲۲]	۴۰
شکل (۹-۳): اساس روش مبتنی بر یکسان‌سازی	۴۲
شکل (۱۰-۳): روش کالیبراسیون ارائه شده در [۱۵]، (الف) مشخصه ایدهآل و واقعی مبدل و سیگنال‌های آزمون اعمالی و (ب) نحوه همگرایی با استفاده از روش ارائه شده	۴۴
شکل (۱۱-۳): نحوه قرارگیری مقایسه‌گرهای طبقه ۱/۵ بیتی موجود در [۳۰]	۴۵
شکل (۱۲-۳): منحنی مشخصه انتقالی طبقه (الف) و (ب) منحنی مشخصه انتقالی خروجی مبدل روش ارائه شده در [۳۰]	۴۶
شکل (۱۳-۳): هیستوگرام خروجی (الف) ایدهآل و (ب) با خطای بهره	۴۷
شکل (۱۴-۳): کالیبراسیون خطای به روش DBGE	۴۸
شکل (۱۵-۳): هیستوگرام کدهای مبدل پشتی حول نقطهٔ تصمیم گیری طبقه	۴۹

شکل (۱-۴): الف) مدل تقویت‌کننده در حالت حلقه باز و ب) مدل معکوس تقویت‌کننده در حالت حلقه بسته..	۵۶
شکل (۲-۴): مدار سوئیچ‌شونده خازنی تکسر یک طبقه ۱/۵ بیتی با ساختار CNFA [۱۵] .....	۵۷
شکل (۳-۴): تقسیم بندی نواحی منحنی مشخصه انتقالی طبقه ۱/۵ بیتی از روی کد زیر مبدل آنالوگ به دیجیتال.....	۵۹
شکل (۴-۴): نمایش نقاطی که مختصات آن‌ها بر روی محور ورودی به مقدار ولتاژ تصمیم‌گیری مقایسه‌گرها منطبق هستند.....	۶۱
شکل (۵-۴): مفهوم دقت مبدل Backend .....	۶۲
شکل (۶-۴): منحنی مشخصه انتقالی مبدل Backend .....	۶۳
شکل (۷-۴): نمایش نحوه محاسبه شبیب یک ناحیه از منحنی مشخصه انتقالی Backend .....	۶۵
شکل (۸-۴): نمایش نحوه انتقال حداکثر کد ناحیه i بر روی منحنی ناحیه ii .....	۶۶
شکل (۹-۴): نمایش مشخصه انتقالی بعد از تغییر ولتاژ آستانه مقایسه‌گر.....	۶۸
شکل (۱۰-۴): نمایش نحوه بدست آمدن کد حداکثر جدید در ناحیه ii .....	۶۹
شکل (۱۱-۴): تقسیم بندی نواحی منحنی مشخصه انتقالی خروجی مبدل از روی محل ناپیوستگی‌ها و کد زیر مبدل آنالوگ به دیجیتال .....	۷۰
شکل (۱۲-۴): نمایش مدل‌سازی MDAC و معکوس آن در مبدل Pipeline .....	۷۱
شکل (۱۳-۴): نمایش الف) روند عادی تولید خروجی در مبدل Pipeline و ب) روند تولید خروجی با روش تنظیم پیشنهادی ضرایب معکوس.....	۷۳
شکل (۱۴-۴): ارتفاع شکستگی‌های موجود در منحنی مشخصه انتقالی طبقه .....	۷۴
شکل (۱۵-۴): منحنی مشخصه انتقالی مبدل Backend بعد از ضرایب $\eta_3$ .....	۷۵
شکل (۱۶-۴): نمایش ناپیوستگی‌های در مرز تغییر کد زیر مبدل آنالوگ به دیجیتال جهت رفع خطأ.....	۷۶
شکل (۱۷-۴): نحوه تغییر ولتاژ‌های آستانه مقایسه‌گرها به کمک سیگنال‌های کنترلی .....	۷۷
شکل (۱۸-۴): ساختار کلی بلوک دیاگرام تخمینگر حداقل یا حداکثر .....	۷۷
شکل (۱-۵): مدل نویز حرارتی مدار MDAC الف) در فاز نمونه برداری و ب) فاز تقویت .....	۸۴
شکل (۲-۵): دو مسیر موجود در طبقه اول در فاز نمونه برداری .....	۸۶
شکل (۳-۵): تقویت‌کننده مورد استفاده در طبقات مبدل [۲۷] .....	۸۹
شکل (۴-۵): مدل سیگنال کوچک تقویت‌کننده حلقه باز .....	۹۰
شکل (۵-۵): نویز ارجاع یافته به ورودی تقویت‌کننده طبقه اول .....	۹۲
شکل (۶-۵): مدار بایاس استفاده شده برای تقویت‌کننده مورد نظر .....	۹۳
شکل (۷-۵): مدار فیدبک مشترک مورد استفاده در طبقه دوم تقویت‌کننده .....	۹۳
شکل (۸-۵): نمایش الف) ساختار مقایسه‌گر استفاده شده و ب) نحوه تولید ولتاژ آستانه در مقایسه‌گر توزیع بار .....	۹۵
شکل (۹-۵): ساختار سوئیچ Bootstraped مورد استفاده [۵۶] .....	۹۸
شکل (۱۰-۵): نمایش سوئیچ‌های استفاده شده در الف) مدار MDAC و ب) مدار فیدبک مشترک تقویت‌کننده .....	

و ج) مدار مقایسه‌گر تزویج خازنی در زیر مبدل آنالوگ به دیجیتال.....	۱۰۰
شکل (۱۱-۵): ساختار کدکننده و تهسیم‌کننده در زیر مبدل آنالوگ به دیجیتال طبقه ۱/۵ بیتی.....	۱۰۱
شکل (۱۲-۵): ساختار کدکننده و مبدل Flash ۲ بیتی.....	۱۰۲
شکل (۱۳-۵): نمایش (الف) گیت NOT NAND سه ورودی و (ب) گیت	۱۰۳
شکل (۱۴-۵): طیف خروجی ناشی از شبیه سازی سیستمی مبدل Pipeline بدون کالیبراسیون.....	۱۰۶
شکل (۱۵-۵): نتایج شبیه سازی روش تخمین اول برای $\beta_1$ .....	۱۰۷
شکل (۱۶-۵): نتایج شبیه سازی روش تخمین اول برای $\beta_3$ .....	۱۰۸
شکل (۱۷-۵): نتایج شبیه سازی روش تخمین دوم برای $\beta_1$ .....	۱۰۸
شکل (۱۸-۵): نتایج شبیه سازی روش تخمین اول برای $\beta_3$ .....	۱۰۹
شکل (۱۹-۵): طیف خروجی مبدل Pipeline با اعمال روش تخمین اولیه پیشنهادی.....	۱۰۹
شکل (۲۰-۵): طیف خروجی ناشی از اعمال روش کالیبراسیون تنظیم پیشنهادی.....	۱۱۰
شکل (۲۱-۵): روند همگرایی ضرایب معکوس MDAC.....	۱۱۱
شکل (۲۲-۵): منحنی بهره تقویت‌کننده طبقه اول در گوشه‌های مختلف تکنولوژی.....	۱۱۳
شکل (۲۳-۵): منحنی فاز تقویت‌کننده طبقه اول در گوشه‌های مختلف تکنولوژی.....	۱۱۳
شکل (۲۴-۵): منحنی پاسخ پله تقویت‌کننده طبقه اول در گوشه‌های مختلف تکنولوژی.....	۱۱۴
شکل (۲۵-۵): طیف خروجی تقویت‌کننده طبقه اول.....	۱۱۴
شکل (۲۶-۵): منحنی زمانی برای آزمون Overdrive (الف) ورودی مقایسه‌گر با فاز $\varphi_1$ و (ب) خروجی مثبت مقایسه‌گر با فاز $\varphi_1$ در.....	۱۱۶
شکل (۲۷-۵): طیف خروجی مدار نمونه‌بردار با استفاده از سوئیچ Bootstrapped طراحی شده.....	۱۱۷
شکل (۲۸-۵): طیف خروجی مبدل را قبل از اعمال روش کالیبراسیون پیشنهادی در گوشه TT.....	۱۱۸
شکل (۲۹-۵): طیف خروجی مبدل پس از اعمال روش تخمین اولیه پیشنهادی در گوشه TT.....	۱۱۹
شکل (۳۰-۵): طیف خروجی مبدل پس از اعمال روش تنظیم و دنبال کننده پیشنهادی در گوشه TT.....	۱۲۰
شکل (۳۱-۵): طیف خروجی مبدل پس از اعمال روش تنظیم و دنبال کننده پیشنهادی در گوشه FF.....	۱۲۰
شکل (۳۲-۵): طیف خروجی مبدل پس از اعمال روش تنظیم و دنبال کننده پیشنهادی در گوشه SS.....	۱۲۱
شکل (۳۳-۵): منحنی تغییرات SFDR و SNDR بر حسب فرکانس ورودی بعد از اعمال روش کالیبراسیون پیشنهادی.....	۱۲۱

صفحه	فهرست جدول‌ها
۴۶	جدول (۱-۳): جدول نحوه تولید خروجی طبقه ۱/۵ بیتی کار انجام شده در [۳۰]
۵۰	جدول (۲-۳): خلاصه‌ای از انواع روش‌های کالیبراسیون دیجیتال به صورت پس زمینه
۷۹	جدول (۱-۴): تعداد گیت‌های اجزای تشکیل دهنده روش‌های پیشنهادی
۸۵	جدول (۱-۵): ظرفیت خازن‌های نمونه برداری طبقات
۹۴	جدول (۲-۵): ابعاد المان‌های بکار رفته در تقویت‌کننده مورد نظر و مدار بایاس آن
۹۶	جدول (۳-۵): ابعاد المان‌های مورد استفاده برای مقایسه‌گر
۹۹	جدول (۴-۵): ابعاد المان‌های سوئیچ Bootstrapped
۱۰۲	جدول (۵-۵): حالت‌های مختلف خروجی مقایسه‌گرها، کدکننده و تسهیم‌کننده در طبقه ۱/۵ بیتی
۱۰۲	جدول (۶-۵): ابعاد المان‌های مورد استفاده در تسهیم‌کننده ۱/۵ بیتی
۱۰۳	جدول (۷-۵): حالت‌های مختلف خروجی مقایسه‌گرها و کدکننده در مبدل Flash
۱۰۴	جدول (۸-۵): ابعاد المان‌های مورد استفاده در گیت‌های NOT و NAND
۱۰۵	جدول (۹-۵): نسبت خازن‌های مدار تزویج خازنی مقایسه‌گرها
۱۲۲	جدول (۱۰-۵): مقایسه نتایج انواع روش‌های کالیبراسیون

## واژه‌نامه

Threshold	آستانه
Distortion	اعوجاج
Algorithm	الگوریتم
Backend	پشتی
Expected Value	امید ریاضی
Static	ایستا
Transition band	باند گذار
Equalization-Based	مبتنی یکسان‌سازی
Most Significant bit (MSB)	بیت پر ارزش
Redundancy bit	بیت اضافی
Least Significant Bit (LSB)	بیت کم ارزش
Oversampling	بیش‌نمونه‌برداری
Parasitic	پارازیتی
Background	پس‌زمینه‌ای
Foreground	پیش‌زمینه‌ای
Cost function	تابع ارزیابی
Delay	تأخير

Folding	تاشدن
Update	تجدید
Spectrum Analyzer	تحلیل کننده طیف
Chip	تراشه
Channel charge injection	تزریق بار کانال
Capacitive coupling	تزویچ خازنی
Analog trimming	تصحیح آنالوگ
Adaptive	طبیقی
Effective Number Of bits (ENOB)	تعداد بیت موثر
Resolution	تفکیک پذیری
Telescopic Amplifier	تقویت کننده تلسکوپی
Folded cascade Amplifier	تقویت کننده کسکود تاشده
Sample & Hold Amplifier (SHA)	تقویت کننده نمونه بردار و نگهدار
Single-ended	تک سر
Phase margin	حاشیه فاز
Linearity	خطیونگی
Interpolation	درون یابی
Track & Hold	دنبال کننده و نگهدار
Settling time	زمان نشست
Overload	سرریز

Slew rate (SR)	سرعت چرخش
Gap	شکاف
Ramp	شیب
Mismatch	عدم تطبیق
Unity gain frequency	فرکانس بهره‌ واحد
Sampling frequency	فرکانس نمونه‌ برداری
Common Mode Feedback	فیدبک مد مشترک
Thermal code	کد حرارتی
Missing code	کد گمشده
Decoder	کد کننده
Analog-to-Digital Converter (ADC)	مبدل آنالوگ به دیجیتال
Digital-to-Analog Converter (DAC)	مبدل دیجیتال به آنالوگ
Dynamic range	محدوده دینامیکی
Switch Capacitor (SC) Circuit	مدار سوئیچ‌ شونده خازنی
Sampling circuit	مدار نمونه‌ بردار
Integrated circuits	مدارهای مجتمع
Signal dependent	وابسته به سیگنال
Tradeoff	مصالحه
Figure of Merit (FoM)	معیار شایستگی
Comparator	مقایسه‌ گر

Transfer curve	منحنی انتقالی
Capacitor error averaging	میانگین‌گیری خطای خازن
Latency	نهفتگی
Nyquist rate	نرخ نایکوئیست
Resistance ladder	نردبان مقاومتی
Leakage	نشت
Pseudo random noise	نویز شبه‌تصادفی
Flicker noise	نویز فلیکر
Residue Voltage	ولتاژ باقیمانده
Correlation	همبستگی

## اختصارنامه

ADC	Analog to Digital Converter
CFA	Capacitor Flip Around
CM	Common Mode
CMFB	Common Mode Feedback
CMOS	Complementary Metal-Oxide Semiconductor
CNFA	Capacitor Non Flip Around
DAC	Digital to Analog Converter
DNC	DAC Noise Cancelation
DNL	Differential Non-Linearity
DR	Dynamic Range
ENOB	Effective Number of bits
FFT	Fast Fourier Transform
FoM	Figure of Merit
FS	Full Scale
HDC	Harmonic Distortion Correction
INL	Integral Non-Linearity
LMS	Least Mean Squares
LSB	Least Significant bit
MDAC	Multiplying Digital to Analog Convereter
MOS	Metal-Oxide-Semiconductor
MSB	Most Significant bit
MSE	Mean Square Error

MUX	Multiplexer
OpAmp	Operational Amplifier
PN	Pseudo-random Noise
RIM	Ratio-independent multiplication
SC	Switched Capacitor
SFDR	Spurious Free Dynamic Range
SHA	Sample and Hold Amplifier
SNDR	Signal to Noise and Distortion Ratio
SNR	Signal to Noise Ratio
SR	Slew Rate
THD	Total Harmonic Distortion

## مراجع

- [1] B. Razavi, "Principles of data conversion system design," IEEE press New York, 1995.
- [2] B. Razavi, "RF microelectronics," Prentice Hall New Jersey, 1998.
- [3] F. Maloberti, "Data converters," Springer Science & Business Media, 2007.
- [4] M. Yavari, "Data converters," class notes, Amirkabir University of Technology, 2017.
- [5] U.-K. Moon and B.-S. Song, "Background digital calibration techniques for pipelined ADCs," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Analog and Digital Signal Processing*, vol. 44, pp. 102-109, Feb. 1997.
- [6] B. Zeinali, "Digital Background Correction of Circuits Nonlinearity in Pipelined A/D Converters," Master science dissertation, Amirkabir University, 2012.
- [7] M. A. Montazerolghaem, "Digital Background Calibration in Pipelined ADCs," Master science dissertation, Amirkabir University, 2014.
- [8] T. M. Hamzehkandi, "Design and Calibration of Opamp-Less Pipelined Analog-to-Digital Converters," Ph.D dissertation, Amirkabir University, 2015.
- [9] P. Gholami, "High Precision Digital Background Calibration of Pipelined ADCs," Master science dissertation, Amirkabir University, 2017.
- [10] B. Murmann and B. E. Boser, "Digitally assisted pipeline ADCs theory and implementation," Springer Science & Business Media, 2007.
- [11] S. Hashemi and O. Shoaei, "A 0.9 V 10-bit 100 MS/s switched-RC pipelined ADC without using a front-end S/H in 90nm CMOS," *IEEE International Symposium on Circuits and Systems*, pp. 13-16, 2008.
- [12] J. Li, "Accuracy enhancement techniques in low-voltage high-speed pipelined ADC design," Ph.D. dissertation, Oregon State University, 2003.
- [13] J. Li, X. Zeng, L. Xie, J. Chen, J. Zhang and Y. Guo, "A 1.8-V 22-mW 10-bit 30-MS/s pipelined CMOS ADC for low-power subsampling applications," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 43, pp. 321-329, Feb. 2008.
- [14] I. Mehr and L. Singer, "A 55-mW, 10-bit, 40-Msample/s Nyquist-rate CMOS ADC," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 35, pp. 318-325, Mar. 2000.
- [15] B. D. Sahoo and B. Razavi, "A 12-bit 200-mhz cmos adc," *IEEE journal of solid-state circuits*, vol. 44, pp. 2366-2380, Sep. 2009.
- [16] B. Razavi, "Design of analog CMOS integrated circuits," 2005.
- [17] S. H. Lewis, H. S. Fetterman, G. F. Gross, R. Ramachandran, and T. Viswanathan, "A 10-b 20-Msample/s analog-to-digital converter," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 27, pp. 351-358, Mar. 1992.

- [18] P.-W. Li, M. J. Chin, P. R. Gray, and R. Castello, "A ratio-independent algorithmic analog-to-digital conversion technique," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 19, pp. 828-836, Dec. 1984.
- [19] B.-S. Song, M. F. Tompsett, and K. R. Lakshmikumar, "A 12-bit 1-Msample/s capacitor error-averaging pipelined A/D converter," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 23, pp. 1324-1333, Dec. 1988.
- [20] Y.-M. Lin, B. Kim, and P. R. Gray, "A 13-b 2.5-MHz self-calibrated pipelined A/D converter in 3-mu m CMOS," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 26, pp. 628-636, Apr. 1991.
- [21] Y. Miyahara, M. Sano, K. Koyama, T. Suzuki, K. Hamashita, and B.-S. Song, "A 14b 60 MS/s pipelined ADC adaptively cancelling opamp gain and nonlinearity," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 49, pp. 416-425, Feb. 2014.
- [22] A. Panigada and I. Galton, "A 130 mW 100 MS/s pipelined ADC with 69 dB SNDR enabled by digital harmonic distortion correction," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 44, pp. 3314-3328, Dec. 2009.
- [23] Y.-S. Shu and B.-S. Song, "A 15-bit linear 20-MS/s pipelined ADC digitally calibrated with signal-dependent dithering," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 43, pp. 342-350, Feb. 2008.
- [24] I. Galton, "Digital cancellation of D/A converter noise in pipelined A/D converters," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Analog and Digital Signal Processing*, vol. 47, pp. 185-196, Mar. 2000.
- [25] M. A. Montazerolghaem, T. Moosazadeh, and M. Yavari, "A predetermined LMS digital background calibration technique for pipelined ADCs," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Express Briefs*, vol. 62, pp. 841-845, Oct. 2015.
- [26] A. Verma and B. Razavi, "A 10-bit 500-ms/s 55-mw cmos adc," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 44, pp. 3039-3050, Nov. 2009.
- [27] B. Zeinali, T. Moosazadeh, M. Yavari, and A. Rodriguez-Vazquez, "Equalization-based digital background calibration technique for pipelined ADCs," *IEEE Transactions on Very Large Scale Integration (VLSI) Systems*, vol. 22, pp. 322-333, Jan. 2014.
- [28] S.-H. W. Chiang, H. Sun, and B. Razavi, "A 10-bit 800-mhz 19-mw cmos adc," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 49, pp. 935-949, Apr. 2014.
- [29] L. Shi, W. Zhao, J. Wu, and C. Chen, "Digital background calibration techniques for pipelined ADC based on comparator dithering," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Express Briefs*, vol. 59, pp. 239-243, Apr. 2012.
- [30] N. Sun, "Exploiting process variation and noise in comparators to calibrate interstage gain nonlinearity in pipelined ADCs," *IEEE Transactions on Circuits and Systems I: Regular Papers*, vol. 59, pp. 685-695, Apr. 2012.
- [31] L. Brooks and H.-S. Lee, "Background calibration of pipelined ADCs via decision boundary gap estimation," *IEEE Transactions on Circuits and Systems I: Regular Papers*, vol. 55, pp. 2969-2979, Nov. 2008.
- [32] A. Chegeni, K. Hadidi, and A. Khoei, "A Histogram-Based Background Interstage Error Estimation and Implementation Method in Pipelined ADCs," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Express Briefs*, vol. 65, pp. 1519-1523, 2018.
- [33] P. Gholami and M. Yavari, "Digital background calibration with histogram of decision

- points in pipelined ADCs," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Express Briefs*, vol. 65, pp. 16-20, Nov. 2018.
- [34] T. Moosazadeh and M. Yavari, "A calibration technique for pipelined adcs using self-measurement and histogram-based test methods," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Express Briefs*, vol. 62, pp. 826-830, Oct. 2015.
- [35] C. Ravi, T. Rahul, and B. Sahoo, "Histogram based deterministic digital background calibration for pipelined ADCs," *IEEE Transactions on Very Large Scale Integration (VLSI) Systems*, pp. 569-574, 2014.
- [36] B. Cheongyuen, "Digitally Calibrated Analog-to-Digital Converters in Deep Sub-micron CMOS," Ph.D. dissertation, Berkeley University, 2008.
- [37] R. G. Massolini, G. Cesura, and R. Castello, "A fully digital fast convergence algorithm for nonlinearity correction in multistage ADC," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Express Briefs*, vol. 53, pp. 389-393, May 2006.
- [38] T. Moosazadeh and M. Yavari, "A novel digital calibration technique for pipelined ADCs," *IEICE Electronics Express*, vol. 7, pp. 1741-1746, Nov. 2010.
- [39] M. A. Montazerolghaem, T. Moosazadeh, and M. Yavari, "A Single Channel Split ADC Structure for Digital Background Calibration in Pipelined ADCs," *IEEE Transactions on Very Large Scale Integration (VLSI) Systems*, vol. 25, pp. 1563-1567, Apr. 2017.
- [40] S. H. Lewis, "Optimizing the stage resolution in pipelined, multistage, analog-to-digital converters for video-rate applications," *IEEE transactions on circuits and systems II: Analog and digital signal processing*, vol. 39, pp. 516-523, Aug. 1992.
- [41] J. Li and U.-K. Moon, "Background calibration techniques for multistage pipelined ADCs with digital redundancy," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Analog and Digital Signal Processing*, vol. 50, pp. 531-538, Sep. 2003.
- [42] O. Oliae, "Thermal noise analysis of multi-input SC-integrators for delta-sigma modulator design," *IEEE International Symposium on Circuits and Systems*, pp. 425-428, May 2000.
- [43] L. Toth, I. Yusim, and K. Suyama, "Noise analysis of ideal switched-capacitor networks," *IEEE Transactions on Circuits and Systems I: Fundamental Theory and Applications*, vol. 46, pp. 349-363, Mar. 1999.
- [44] D. W. Cline, "speed and power tradeoffs in pipelined Analog to Digital Converters," Ph.D. dissertation, Berkeley University, 1998.
- [45] P. T. Kwok and H. C. Luong, "Power optimization for pipeline analog-to-digital converters," *IEEE transactions on circuits and systems II: Analog and digital signal processing*, vol. 46, pp. 549-553, May 1999.
- [46] I. Ahmed, "Pipelined ADC design and enhancement techniques," Springer Science & Business Media, 2010.
- [47] R. Lotfi, M. Taherzadeh-Sani, M. Y. Azizi, and O. Shoaei, "A low-power design methodology for high-resolution pipelined analog-to-digital converters," *IEEE International Symposium on Low power electronics and design*, pp. 334-339, Aug. 2003.
- [48] D.-Y. Chang, "Design techniques for a pipelined ADC without using a front-end sample-and-hold amplifier," *IEEE transactions on circuits and systems I: regular papers*, vol. 51, pp. 2123-2132, Nov. 2004.
- [49] E. Siragusa and I. Galton, "A digitally enhanced 1.8-V 15-bit 40-MSample/s CMOS

- pipelined ADC," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 39, pp. 2126-2138, Dec. 2004.
- [50] A. M. Ali, C. Dillon, R. Sneed, A. S. Morgan, S. Bardsley, J. Kornblum, *et al.*, "A 14-bit 125 MS/s IF/RF sampling pipelined ADC with 100 dB SFDR and 50 fs jitter," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 41, pp. 1846-1855, Aug. 2006.
- [51] K. Bult and G. J. Geelen, "A fast-settling CMOS op amp for SC circuits with 90-dB DC gain," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 25, pp. 1379-1384, Dec. 1990.
- [52] M. Das, "Improved design criteria of gain-boosted CMOS OTA with high-speed optimizations," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Analog and Digital Signal Processing*, vol. 49, pp. 204-207, Mar. 2002.
- [53] T. B. Cho and P. R. Gray, "A 10 b, 20 Msample/s, 35 mW pipeline A/D converter," *IEEE journal of solid-state circuits*, vol. 30, pp. 166-172, Mar. 1995.
- [54] M. Dessouky and A. Kaiser, "Very low-voltage digital-audio/spl Delta/spl Sigma/modulator with 88-dB dynamic range using local switch bootstrapping," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 36, pp. 349-355, Mar. 2001.
- [55] A. M. Abo and P. R. Gray, "A 1.5-V, 10-bit, 14.3-MS/s CMOS pipeline analog-to-digital converter," *IEEE Journal of Solid-State Circuits*, vol. 34, pp. 599-606, May.1999.
- [56] M. Yavari, "Low-Voltage High-Performance Sigma-Delta Modulators for Broadband Applications," Ph.D. dissertation, Tehran University, July 2006.
- [57] A. M. Abo, "Design for reliability of low-voltage, switched-capacitor circuits," Ph.D. dissertation, Berkeley University, 1999.
- [58] M. J. Pelgrom, A. C. Duinmaijer, and A. P. Welbers, "Matching properties of MOS transistors," *IEEE Journal of solid-state circuits*, vol. 24, pp. 1433-1439, Oct. 1989.
- [59] A. Ravindran, A. Savia, and J. Leonard, "Digital error correction and calibration of gain non-linearities in a pipelined ADC," *IEEE International Symposium on Circuits and Systems*, pp. I-I, 2004.

## Abstract

By decreasing dimensions in CMOS nanoscale technologies and decreasing intrinsic productivity of transistors, along with reduction in maximum power supply, designing Op-Amps with high productivity, swing and alignment for being used in Pipeline Data converters, has been practically tough. Therefore, because of the mismatching capacitors and the defects mentioned in Op-Amps, achieving resolutions above 10 bits for these data converters is very difficult. Hence, using calibration techniques is inevitable to reach high resolutions .

In the proposed method in this dissertation, errors were initially and non-precisely estimated via two different background approaches. Then, through the presented complementary method, the initial values were neared to the exact values in background mode and then followed the changes. In these methods, calibration of errors were done using a combination of equalization-based method, changing threshold in comparator and histogram along with the geometric properties of special transition curve of Backend data converter and the output special transition curve of the converter as well as the effects of the mentioned defects on them. After presenting the suggested calibration method, in systemic level, the method was first modeled in MATLAB software and efficiency of which was investigated. Then, an analog-to-digital nyquist-rate Pipeline converter was designed and simulated with a sampling rate of 100MS/s and a 10 bit resolution in 90 nanometer CMOS technology and 1 volt power supply, via softwares Cadence and Hspice. Using the suggested calibration method, the converter's SFDR and SNDR values were optimized to 31.06dB and 41.02dB respectively. In addition, the converter converged for about 14ms for the sampling rate of 100MS/s. The power consumption of the converter was measured at 40.3 milliwatts.

Key words: analog-to-digital Pipeline converter, calibration, Op-Amp limited productivity error, non-matching capacitors, misalignment of Op-Amp, CMOS nanoscale technologies



**Amirkabir University of Technology  
(Tehran Polytechnic)**

**Electrical Engineering Department**

**MSc Thesis**

**Digital Background Histogram Based Calibration in  
Pipelined A/D Converters**

**By  
Mohammad Mirzahosseini**

**Supervisor  
Dr.Mohammad Yavari**

**Feb 2019**